

1905

Ante proyecto de una dinamo tetrapolar
 Guarrme de 220 Kilowatts de potencia, dando
 500 volts sin carga y 550 a plena carga
 en los terminales, con una velocidad periferica
 de 18 metros por segundo correspondiente a 425
 vueltas por minuto. La longitud de hilo
 eficaz será 0,50 metros. La máquina ha
 de tener el inducido de tambor, en
 serie y la excitacion será Compound
 de corta derivacion.

Inducido

Radio del Tambor

Puesto que en la circunferencia la veloci-
 dad es 18 metros por segundo, y el numero
 de vueltas correspondiente es $\frac{425}{60}$, tendremos:

$$\frac{2\pi r \cdot 425}{60} = 1800 \text{ cm.}$$

$$r = 42,5 \text{ cm.}$$

Longitud de inducido correspondiente
a cada polo.

Suponiendo que los inductores cubren el
 70 % de la circunferencia exterior de
 la armadura esta longitud valdrá:

$$\frac{1}{4} 2\pi \cdot 42,5 \cdot 0,70 = 46,5$$

Número de Trilo del inducido

Este número está relacionado con el paso por la fórmula:

$$n = 2py \pm 2$$

siendo y el paso y $3p$ el número de polos.

Adoptaremos el nº 31 para paso y por lo tanto $n = 126$ y para que la máquina de fuerza electromotriz suficiente empleemos dos capas de trilo; el número total de estos será pues $n = 252$.

El colector contará de 126 láminas y como el inducido es en serie la tensión de 550 volts se repartirá entre 63 láminas dando una diferencia de potencial entre dos consecutivas de

$$\frac{550}{63} = 8,7 \text{ volts}$$

que es una cifra aceptable.

Pérdida por efecto Joule en el inducido

Admitiremos una pérdida de 1,5% de la potencia total, ó sea

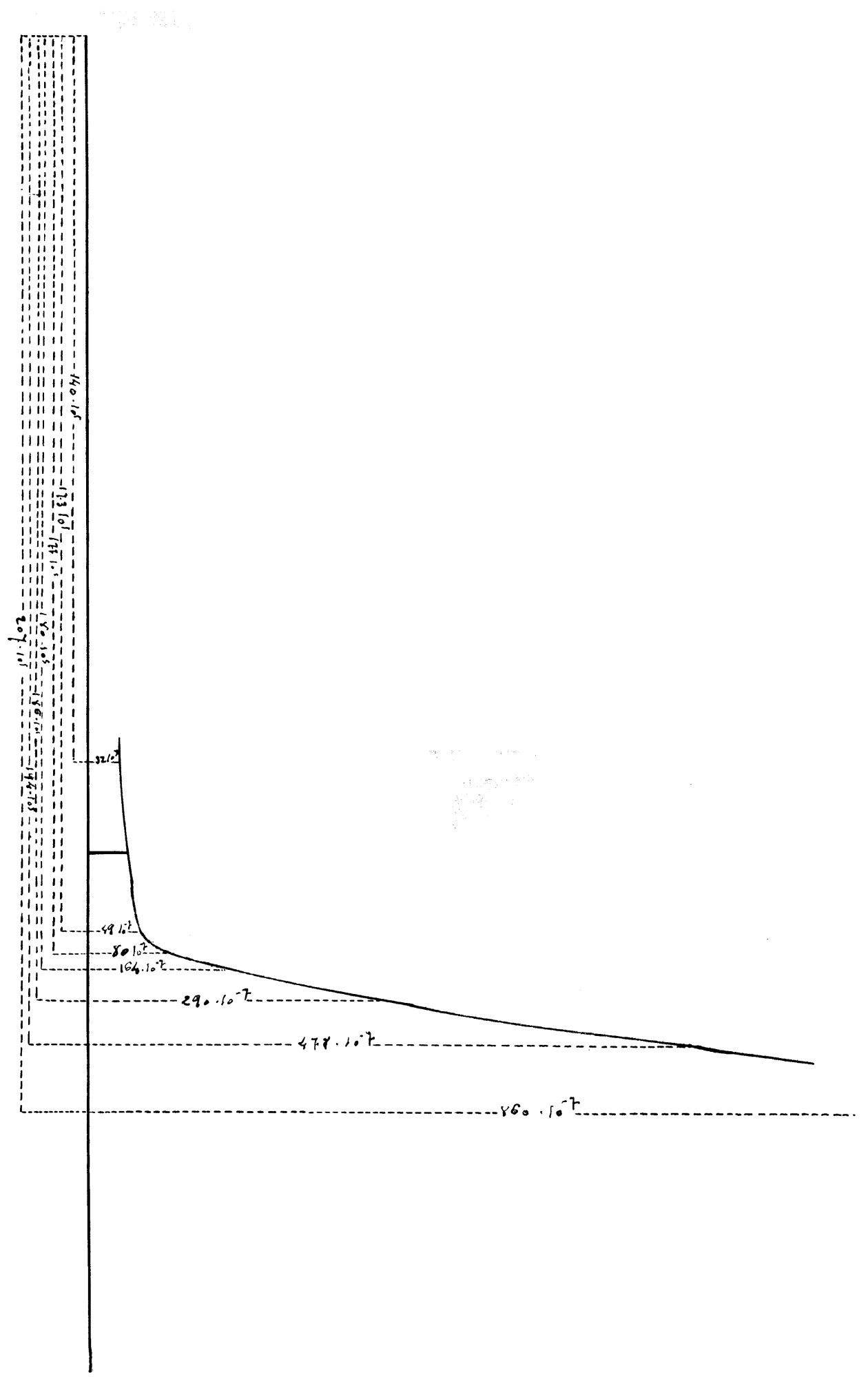
$$220.0015 = 3,3 \text{ Kilowatts.}$$

Corriente útil

$$I_n = \frac{220.000 \text{ W}}{550 \text{ V}} = 400 \text{ Amperes}$$

Suponiendo la corriente de excitación 0,5% de la útil ó sea de 2 Amperes la corriente total será de 402 Amperes.

100
100



Resistencia del inducido

Se hallará dividiendo la pérdida por efecto Joule por el cuadrado de la corriente; valdrá:

$$\frac{3.300 \text{ Watts}}{(402 \text{ Amperes})^2} = 0,021 \text{ Ohms.}$$

Pérdida de voltaje producida por la resistencia de la armadura

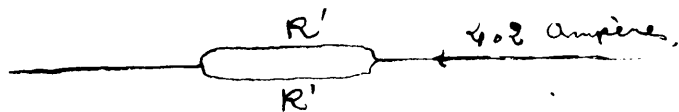
$$402 \text{ A.} \times 0,021 \text{ O.} = 8,4 \text{ Volts}$$

El inducido tendrá por lo tanto que producir una tensión de 118,4 Volts.

Sección del hilo del inducido.

Siendo $R' = \rho \frac{l}{S}$ la resistencia de cada sonda del inducido, la resistencia

total será:



$$R = \frac{1}{\frac{1}{R'} + \frac{1}{R'}} = \frac{R'}{2} = \rho \cdot \frac{l}{4S}$$

de donde:

$$S = \frac{\rho \cdot l}{4R}$$

Para hallar l habrá que contar no solo los 10 cm de longitud eficaces sin las partes que sobresalen del inducido que supondremos de 4 cm por cada lado y las conexiones que podemos suponer equivalente a la cuarta parte de la circunferencia.

La longitud será, pues:

$$2 \cdot 2 \left[50 + 8 + \frac{\pi}{2} \cdot 42,5 \right] \text{ cm} = 312 \text{ metros}$$

y utilizando este valor y los:

$$R = 0,021 \quad \text{y} \quad \rho = 1,6 \cdot 10^{-6}$$

tendremos:

$$s = 1,6 \cdot 10^{-6} \frac{312 \cdot 10^2}{4 \cdot 0,021} = 59,5 \text{ cm}^2$$

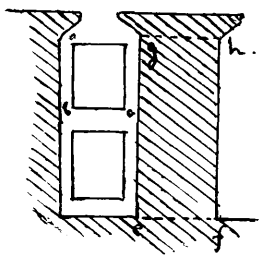
Densidad de corriente por milímetro cuadrado:

$$\frac{\frac{1}{2} 400 \text{ Amperes}}{59,5} = 3,3 \text{ Amperes}$$

Dimensiones de dientes y rammas

Siendo la sección de las barras

59,5 mm² podemos dar a estas barras las dimensiones:



$$ab = 10,8 \text{ mm}$$

$$bc = 5,5 \text{ mm}$$

Suponiendo que aumentas el espesor en 1 mm por el aislamiento de los cables danemos a las rammas las dimensiones:

Profundidad: 27,5 mm ; Ancho: 9 mm para tener también en cuenta el juego que ha de haber entre las barras y la rama.

Para las dimensiones de los dientes tendremos:

$$ef = \frac{\pi (85 - 2 \cdot 27,5)}{126} = 0,9 = 1,08 \text{ cm}$$

puesto que $ef +$ ancho de la rama = $\frac{1}{126}$ de la longitud de la circunferencia.

Asimismo tendremos:

$$gh = \frac{\pi \cdot 85}{126} - 0,9 = 1,22 \text{ cm.}$$

Flujo

Se hallará por la igualdad:

$$\mathcal{E} = \Phi \cdot N \cdot n \cdot 10^{-8} \text{ volts}$$

en la que \mathcal{E} es la fuerza electromotriz inducida, Φ el flujo total, N es el número de los dos polos, n el número de hilos y n' el de vueltas en 1".

Suponiendo que la caída de voltaje en el inductor en serie es la cuarta parte de la del inducido, la fuerza electromotriz total habrá de ser

$$\mathcal{E} = 558,4 + \frac{1}{4} 8,4 = 560,5 \text{ volts.}$$

El valor del flujo será:

$$\Phi = \frac{560,5 \cdot 10^8}{\frac{425}{60} \cdot 252} = 314 \cdot 10^5 \text{ [cgs].}$$

y el que corresponde a cada circuito magnético será

$$\frac{1}{4} 314 \cdot 10^5 = 78,5 \cdot 10^5 \text{ [cgs].}$$

El flujo en cada se sabrá hallando el cociente:

$$\Phi' = \frac{550 \cdot 60 \cdot 10^8}{425 \cdot 252} \text{ [cgs].}$$

Suponiendo que la inducción en la

armadura sea 12000 [CGS] la seccion estará determinada por:

$$S = \frac{\text{Flujo}}{\text{inducción}} = \frac{78,5 \cdot 10^5}{12000} = 653 \text{ cm}^2.$$

Siendo S_0 cm la longitud del núcleo, si se practican 11 coronas de ventilacion de 8 mm cada una, la longitud de hierro será, contando 7 cm para el aislador de esas coronas:

$$S_0 - 11 = 39 \text{ cm.}$$

Y por lo tanto el espesor radial será:

$$\frac{653}{39} = 16,8 \text{ cm.}$$

Y el radio de la parte hueca del tambor

$$42,5 - 2,75 - 16,8 = 22,9 \text{ cm.}$$

Volumen de hierro del inductor

Será:

$$V = 39 \left\{ \pi [(42,5 - 2,75)^2 - 22,9^2] + \frac{1,08 + 1,22}{2} \cdot 2,75 \cdot 126 \right\}$$

suponiendo trapezoidal la seccion de los dientes, es decir: preveiniendo de las expansiones de éstos.

Resulta para V el valor

$$\underline{144.729 \text{ cm}^3}$$

Entre-bierras

Se obtendrá por la fórmula empírica de M. Geon

$$n_i = 192 \cdot \frac{H_b \cdot l_e}{\beta}$$

siendo n_i las ampere-vueltas de la armadura, H_b la intensidad media del campo en el entre-bierras, l_e el doble de la longitud de este y β el ángulo en el centro correspondiente a una pieza polar; tendremos:

$$l_e = \frac{252 \cdot 201^{(w)} \cdot 63^\circ}{192 H_b}$$

La superficie de una pieza polar será $50 \times 46,5 = 2325 \text{ cm}^2$ y como el ancho de una ranura y un diente es $1,98 \text{ cm}$, frente a cada polo habrá $\frac{46,5}{1,98} = 23,5$ dientes; y aumentando este número en $\frac{1}{10}$ para tener en cuenta la dispersión del flujo, tendremos para valor de la superficie total de penetración:

$$1,7 \cdot 50 \cdot 25,85 = 2190 \text{ cm}^2$$

puesto que el ancho de cada diente es de $1,22 \text{ mm}$ más las expansiones que padecemos en su base de 25 mm a cada lado, o sea por consiguiente $1,7 \text{ cm}$.

Para valor de la superficie del entre-bierras tendremos:

$$2S_e = \frac{1}{2} (2325 + 2190) = 2257 \text{ cm}^2$$

y para la intensidad del campo magnético en el entre-bierras a plena cor-

—ga hallamos:

$$H_c = \frac{\frac{1}{2} \Phi}{25_e} = \frac{\frac{1}{2} 314 \cdot 10^5}{2257} = 6960 \text{ [cgs]}$$

Substituyendo este valor encontrado para H_c :

$$l_e = \frac{252 \cdot 201.63}{172 \cdot 6960} = 2,4.$$

y el entrehierro valdría 1,2.

Este valor sería admisible si el imán fuera liso, pero como es dentado habrá que restarle el espesor de una capa de aire que tuviera la misma resistencia magnética que la parte de dientes y ranuras comprendidos en uno de los circuitos; vamos a hallar ese espesor de aire.

La sección de hierro de un diente será:

$$\frac{1,08 + 1,22}{2} \cdot 39 = 44,7 \text{ cm}^2.$$

y siendo $\mu = 526$ para una inducción de 12000 unidades tendremos para la resistencia magnética de un diente:

$$R_d = \frac{L}{\mu \cdot S} = \frac{2,75}{526 \cdot 44,7} = 0,0001175 \text{ [cgs]}$$

La resistencia de una ranura será puesto que $\mu = 1$:

$$R_r = \frac{L}{S} = \frac{2,75}{0,950} = 0,061 \text{ [cgs]}.$$

La resistencia magnética combinada de los 25,85 dientes y ranuras (contando $\frac{1}{10}$ por la dispersión del flujo) que hay frente a cada polo será:

$$R_c = \frac{1}{25,85} \cdot \frac{1}{\frac{1}{0,0001175} + \frac{1}{0,061}} = 0,000049 \text{ [cgs]}.$$

el flujo que pasa por un diente será, suponiendo una inducción de 15000 [cg/s]:

$$\Phi_d = B S_d = 15000 \cdot 44,7 = 670500 \text{ [cg/s]}$$

y puesto que los flujos están en rama imbuída de las resistencias magnéticas el flujo que atraviesa una rama valdrá:

$$\Phi_n = \frac{670.500 \times 0,0001175}{0,061} = 1210 \text{ [cg/s]}$$

y el flujo compuesto será, para los 25,85 dientes:

$$\Phi_c = (\Phi_d + \Phi_n) 25,85 = 173 \cdot 10^5 \text{ (Webers)}$$

Repetiendo cálculos análogos para valores 14000, 16000, 17000, 18000, 19000 y 20000 [cg/s] de la inducción hallaremos otros tantos valores para R_c y Φ_c con los cuales podremos construir una curva. Llevando luego sobre el eje Φ_c la magnitud $157 \cdot 10^5$, podremos trazar la ordenada correspondiente de la curva y, medida, conoceremos R_c para ese valor del flujo.

de este modo hallamos $R_c = 0,0000040$.

y como el flujo atraviesa en serie dos mitades de entrehierro, la resistencia será

$$0,0000040 \times 4 = 0,000016 = \frac{l_e}{\mu}$$

siendo l_e la longitud del circuito magnético y μ la mitad de la superficie del entrehierro

Entonces:

$$l_e = 0,000016 \cdot \frac{1}{2} 2257 = 0,02.$$

El espesor de entre-hierro hallado por la fórmula de M. Eason era 2,4, luego el espesor haciendo la corrección será

$$2,4 - 0,02 = 2,38$$

y el juego entre el inducido y los inductores será 1,19 cm.

- Inductores -

Para hacer el cálculo vamos a considerar solamente uno de los cuatro circuitos magnéticos que hay en una dinamo de esta clase.

Admitiremos para inducción en la núcleo 15000 [CGS] y para coeficiente de dispersión del flujo $\nu = 1,2$.

La sección transversal de los inductores se hallará por la fórmula:

$$B_i \cdot 2 S_i = \nu \frac{\Phi}{2}$$

de donde:

$$2 S_i = \frac{\nu \Phi}{2 B_i} = \frac{1,2 \cdot 314 \cdot 10^5}{2 \cdot 15000} = 1248 \text{ cm}^2.$$

a la cual corresponde un radio de 19,8 cm.

La sección de la culata será, suponiendo que la inducción en ella sea de 14000 [CGS]:

$$S_c = \frac{\frac{1}{4} \nu \Phi}{B_c} = \frac{1,2 \cdot 314 \cdot 10^5}{4 \cdot 14000} = 672 \text{ cm}^2.$$

Como la longitud es 50 cm, la otra dimensión será $\frac{672}{50} = 13,4 \text{ cm}$.

Admitiremos para espesor ó altura de los inductores 30 cm.

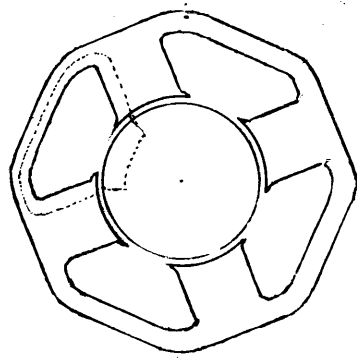
Los ampères-vueltas necesarios, en las dos bobinas que componen un circuito magnético, para obtener una tensión de 550 volts a plena carga se deducen de

La fórmula de Hopkinson:

$$4\pi \left(m i - \frac{\alpha}{180} n \frac{l_a}{2} \right) 10^{-1} = \Phi_c (R_a + R_e + R_d) + v \Phi_c (R_p + R_i + R_c)$$

en la cual los subíndices expresan: armadura entre hierros, dientes, piezas polares, yuellos de los inductores y entata.

Para calcular las distintas resistencias aplicaremos la fórmula $R = \frac{l}{\mu s}$ en la cual l representa las longitudes medias de las líneas de fuerza, las cuales pueden medirse en la figura.



Estas longitudes son:

$$l_a = 35 \text{ centímetros.}$$

$$l_e = 2,3 \text{ "}$$

$$l_p = 4 \text{ "}$$

$$l_i = 76 \text{ "}$$

$$l_c = 105 \text{ "}$$

Las secciones son:

$$s_a = 673 \text{ centímetros cuadrados}$$

$$s_e = 1128 \text{ "}$$

$$s_p = \frac{1}{2} \frac{2325 + 1245}{2} = 892$$

$$s_i = \frac{1}{2} 1245 = 622$$

$$s_c = 673$$

Los valores de la inducción:

$$B_p = \frac{1}{4} \frac{v \Phi}{f_p} = 10470 \text{ [cgs]}$$

$$B_a = 12.000 \quad "$$

$$B_i = 15.000 \quad "$$

$$B_c = 14.000 \quad "$$

7 Los coeficientes de permeabilidades para estas inducciones:

$$\mu_a = 1.412$$

$$\mu_i = 526$$

$$\mu_p = 1745$$

$$\mu_c = 823.$$

Con estos valores obtenemos

$$R_a = 0,0000382$$

$$R_c = 0,0021$$

$$R_i = 0,00237$$

$$R_p = 0,00002551$$

$$R_c = 0,000189$$

7 la ya hallada:

$$R_d = 0,000026.$$

Substituyendo estos valores y los

$$a = 12'$$

$$I_a = 402$$

$$n = 252$$

en la ecuación de Hopkinson queda:

$$m_i = \frac{12}{180} 252 \cdot 201 + \frac{10}{4\pi} \left[0,00216 \cdot \frac{314}{4} \cdot 10^5 + 1,2 \cdot 0,00042 \frac{314}{4} \cdot 10^5 \right] =$$
$$= 3.400 + 16.600 = 20.000 \text{ Amperes vueltas.}$$

Vamos a aplicar esta misma fórmula en la hipótesis en que la dinamo funciona sin carga.

Con este caso la ecuación de Hopkinson se

reduce a

$$4\pi m_i \cdot 10^{-1} = \frac{\Phi_0}{4} (R'_a + R'_d + R'_e) + v \frac{\Phi_0}{4} (R'_p + R'_i + R'_c)$$

puesto que en este caso puede despreciarse el término inductivo por ser pequeña la reacción de armadura.

Calculando las resistencias del mismo modo que antes se halla:

$$R'_a = \frac{35}{1780.653} = 0,000202$$

$$R'_p = \frac{4}{2077.892} = 0,000214$$

$$R'_i = \frac{76}{788.622} = 0,000122$$

$$R'_c = \frac{105}{1251.672} = 0,000121$$

$$R'_e = R_e = 0,00021$$

$$R'_d = R_d = 0,00026$$

y substituyendo y haciendo operaciones resulta:

$$m_{id} = 18.000 \text{ ampere-mueltas.}$$

o sea 7500 por bobina para la excitación en derivación puesto que el cálculo está hecho funcionando la dinamo sin carga.

Cuando arranque con carga la corriente aumentará en la relación $\frac{550}{500}$ y por lo tanto este número 7500 se convertirá en $7500 \frac{550}{500}$. Los ampere-mueltas correspondientes a la excitación en serie serán

$$10.000 - 7500 \frac{550}{500} = 1750$$

y puesto que la corriente es de 402 ampere necesitaremos $\frac{1750}{402}$ vueltas menos que derivaremos a 6 y si admitimos una densidad de corriente de 1,6 ampere por milímetro cuadrado, la sección será $s = \frac{402}{1,6} = 250 \text{ mm}^2$, sección que se obtiene uniendo en paralelo dos bandas de cobre de $0,613 \times 4 \text{ cm}$.

El espesor de enrollamiento lo supondremos de 7 cm.

Pérdida de voltaje producida por los cables en serie

La longitud de una espira será, contando 0,75 para el aislamiento de gresú,

$$2\pi \left(\frac{7}{2} + r + 0,75 \right) = 2\pi \cdot 24,05 = 151,5$$

y todas las espiras en serie darán una longitud $151,5 \cdot 6 = 909$ centímetros

La resistencia será:

$$R = 4 \cdot \rho \frac{l}{S} = 4 \cdot 2 \cdot 10^{-8} \frac{909}{2,5} = 0,0030 \text{ Ohms}$$

puesto que las cuatro bobinas están en serie.

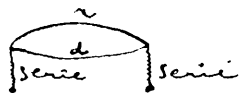
La pérdida de voltaje será:

$$0,0030 \text{ Ohms} \cdot 400 \text{ amperios} = 1,2 \text{ Volts}$$

y la de potencia

$$1,2 \cdot 400 = 480 \text{ Watts}$$

Cálculo de los inductores en derivación



Tenemos:

$$m i_d = f \cdot S_{00}$$

$$R_d = \rho \frac{l_m}{S} m = \frac{F}{i_d}$$

de donde

$$S = \frac{\rho \cdot l_m \cdot F_{00}}{F}$$

o sea:

$$S = \frac{2 \cdot 10^{-8} \cdot 151,5 \cdot F_{00} \cdot 4}{F_{00}} = 0,0186 \text{ cm}^2$$

correspondiente a un radio

$$r_d = 0,074 \text{ cm}$$

El diámetro contando la cubierta aisladora será 0,2 cm y el número de capas de hilo $\frac{7}{0,2} = 35$. Descontando el sitio que ocupan las espiras en serie cada capa estará formada por $\frac{35}{0,2} = 125$ espiras, y el número total de estas para el circuito en derivación de la excitación será

$$4 \cdot 35 \cdot 125 = 17.500$$

La resistencia valdrá:

$$R_d = 2 \cdot 10^{-6} \frac{17500 \cdot 111,5}{\pi \cdot 0,074^2} = 314 \text{ ohms.}$$

siendo la corriente

$$i = \frac{550 \text{ volts}}{314 \text{ ohms}} = 1,75 \text{ Ampère}$$

la cual corresponderá a una densidad:

$$\frac{1,75}{\pi \cdot 0,74^2} = 1,02 \text{ Ampère por milímetros cuadrados.}$$

La pérdida por efecto Joule será

$$550 \cdot 1,75 = 962,5 \text{ Watts.}$$

Pérdidas por histéresis y por corrientes de Foucault

La primera se hallará aplicando la fórmula de Steinmetz: $0,00262 \cdot B^{1,6}$ ergs por unidad de volumen y por ciclo.

Para el núcleo esta pérdida es:

$$0,00262 \cdot 12000^{1,6} \cdot 122729 \cdot \frac{425}{60} \cdot 10^{-7} = 1280 \text{ wats}$$

y para los dientes:

$$0,00262 \cdot 15000^{1,6} \cdot 22000 \cdot \frac{425}{60} \cdot 10^{-7} = 270$$

si sea en total 1550 Wats.

La pérdida producida por las corrientes de Foucault serán en $2\frac{1}{2}$ veces las de histéresis o sea 3875 wats.

Rendimiento

Las pérdidas a plena carga son:

Efectos Joule en el inducido — 3.300 W.

" " " la excitación en serie — 480 "

" " " " " en derivación — 95 "

Histéresis en el núcleo — — — 1280 "

" " los dientes — — — 270 "

Corrientes de Foucault — — — 3.875 "

Rozamientos (31% de la potencia útil) 6.600. "

Total — — — 16.770. "

El rendimiento industrial probable será, pues: $\frac{220.000}{220.000 + 16770} = 0,92$ propiamente

Desvanado — escobillas

Como hemos dicho se han empleado

dos capas de hilo, o sea en total 252.
Con el dibujo se indican con las
dos tintas, estas dos sistemas de barras,
empleando para las uniones el mismo
color que tienen las barras que han
de unirse.

Las escobillas resultan a 90° ;
Podría haberse puesto la positiva
en el encuentro de los hilos 64 y 95,
en lugar de haberse puesto ese hilo
64. De este modo se evitaría
también que las láminas del
colector estén a diferencias de
potencial desiguales, como forzosamente
sucedería en el caso indicado en el dibujo,
porque entre las dos escobillas solo
habría la cuarta parte de láminas
del colector.

Debe preferirse, por lo tanto tener
la escobilla positiva a 180° de la
negativa, aunque quede a distintos
lados del colector, porque en el
caso actual como el inductor
es hueco puede llevarse por su in-
terior un hilo desde el encuentro
de los 64 y 95 hasta el lado
del colector y ya tenemos las

escobillas, del mismo lado, sin
los inconvenientes dichos.

Madrid, junio 1905

José Lapiedra